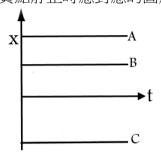
專題討論(3)

運動圖形的分析



(一) 靜止:

- A、質點維持靜止時,表示質點的位置保持不變,此時 x(t)=定值,質點的速度及加速度則始終為零。
- B、質點的 x-t 的圖形為水平直線,v-t 的圖形則為 v=0 的直線,且 a-t 圖亦始終為零。
- C、質點靜止時應對應的圖形:



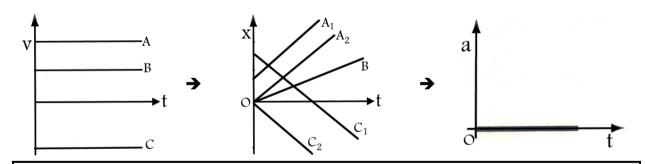


- (1) 質點維持靜止, x-t 圖為水平直線。
- (2) 質點 A、B 在原點的右邊,質點 C 在原點的左邊; 且質點 A 距離原點更遠。
- (3) 靜止時,質點的速度及加速度亦為零。



(二)等速度運動:

- A、質點作等速度運動時,此時質點的速度恆為定值,速度維持不變,因此加速度為零; 質點的位置開始則呈規律地變化。
- B、v-t 圖的圖形為水平直線,a-t 圖的圖形則為零,x-t 圖的圖形則為斜直線。
- $C \cdot x(t)$ 的函數為一次函數;v(t) 函數為零次函數;a(t) 函數則為零函數。
- D、質點作等速度運動時,應對應的圖形:



圖形的物理意義說明

- (1) A、B、C 皆維持等速度運動, 速度為定值。
- (2) A、B 朝向正方向運動, C 朝向負方向運動。
- (3) x-t 圖的斜直線愈陡,則斜率愈大,表示質點運動的速度愈大,如圖中的 $V_A > V_B$; x-t 的圖形往右上,表示速度為正值,如圖中的 $A_1 \cdot A_2 \cdot B$ 。
 - x-t 的圖形往右下,表示速度為負值,如圖中的 $C_1 \cdot C_2$ 。
- (4) A_1 與 A_2 表示有相同的速度(V > 0),但是出發點不同,皆朝向正方向運動;
 - C_1 與 C_2 表示有相同的速度(V < 0),但是出發點不同,皆朝向負方向運動。

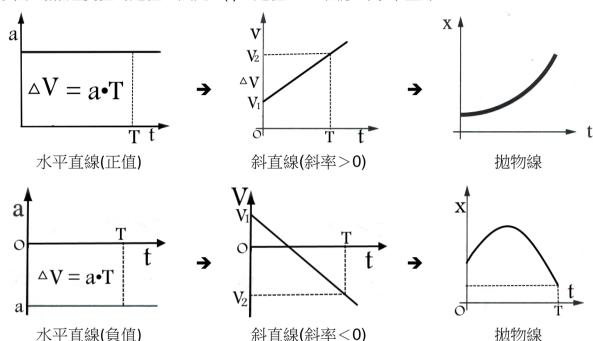
(質點的運動方向 = 質點速度的方向)



(三) 等加速度運動:

A、a-t 圖形的物理意義:

(1)質點的加速度恆為定值,因此 a(t)=定值,a-t 圖形為水平直線。



圖形的物理意義說明

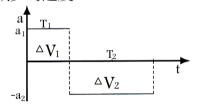
(1) a-t 圖的圖形面積表示速度變化(ΔV);

横軸上的面積,表示增加的速度,横軸下的面積表示減少的速度。

面積 $=\Delta V = V_2 - V_1$;

(2) 若 a-t 圖的圖形如右圖,則

$$\Delta V_1 = a_1 \cdot T_1$$
 $\Delta V_2 = a_2 \cdot T_2$
 $\Delta V = \Delta V_1 - \Delta V_2 = V_2 - V_1$



B、v-t 圖形的物理意義:

- (1)v-t 圖的斜率,表示質點運動的加速度。
 - 甲、v-t 圖的圖形往右上,表示運動的加速度大於 0;

v-t 圖的圖形往右下,表示運動的加速度小於 0。

乙、v-t 圖的圖形愈陡,表示運動的加速度愈大, 圖形平行,則表示加速度相同。

丙、圖形中的加速度: $A_1=A_2>B>0$; $C_1=C_2<0$

(2)v-t 圖的圖形面積,表示位移。

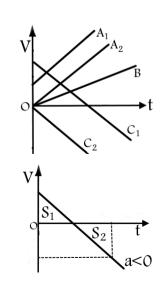
甲、横軸上的面積表示正向位移,横軸下的面積表示負向位移。

總路徑長 $\Delta \ell = S_1 + S_2$

平均速度= 總位移 經歷時間

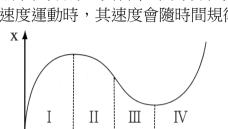
平均速率=總路徑長經歷時間

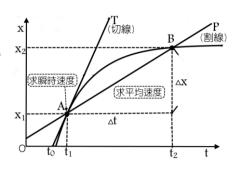
乙、v-t 圖與時間軸的交點處,表示質點的運動開始改變方向。



C、x-t 圖形的物理意義:

- (1)質點作等加速度運動時,其 x-t 圖的圖形為拋物線。
- (2)x-t 圖上任兩點間的連線,形成割線,割線的斜率可求得 平均速度。
- (3)x-t 圖上任一點間的切線,其斜率可求得瞬時速度。
- (4)質點作等加速度運動時,其速度會隨時間規律地變化:



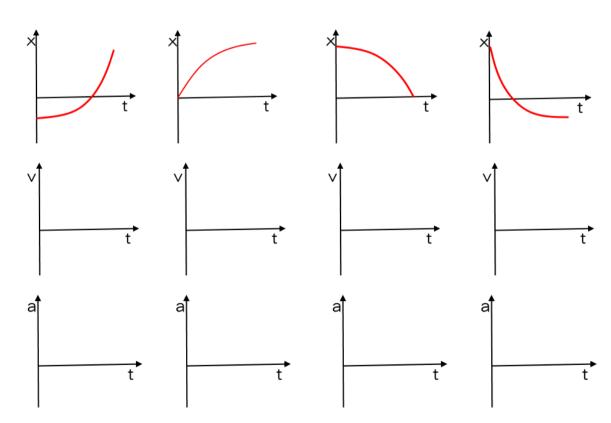


速度:

加速度:

- 甲、若v與a同方向,表示a、v同號,因此質點的運動愈來愈快。 質點往正的方向愈來愈快,或往負的方向愈來愈快。 如圖形中的第Ⅱ區及第Ⅳ區。
- 乙、若v與a反方向,表示a、v異號,因此質點的運動愈來愈慢。 質點往正的方向愈來愈慢,或往負的方向愈來愈慢。 如圖形中的第Ⅰ區及第Ⅲ區。

D、等加速度運動的圖形歸納:



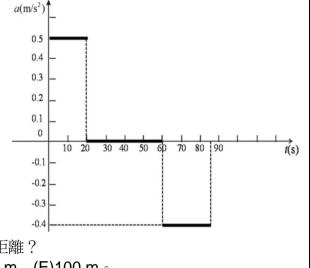
範例 1 (106 學測)

某人駕駛汽車在筆直水平路面上行駛,遇紅燈而停,綠燈亮時車開始前進並設此時刻為 t=0,由此時刻到 t=85 秒的期間,汽車加速度 a 與時間 t 的關係如右圖。

- __1.下列關於此汽車運動的敘述,哪些正確? (應選兩項)
 - (A)汽車在 0 到 20 秒間作等速運動
 - (B)汽車在 20 到 60 秒間靜止不動
 - (C)汽車在 20 到 60 秒間以等速前進
 - (D)汽車在60到85秒間速度可能小於0
 - (E)汽車在 t=85 秒時恰好停止
- _2.此汽車在 $0 \le t \le 85$ 秒期間,共行駛多長的距離?

(A)625 m (B)525 m (C)485 m (D)300 m (E)100 m °

【答案】: (1)CE (2)A



範例 2 (101 學測)

三個靜止的物體甲、乙、丙,同時開始在水平面上作直線運動,其運動分別以下列三圖描述:圖()為甲的位移與時間的關係,圖()為乙的速度與時間的關係,圖()為丙的加速度與時間的關係。在時間為 5

秒時,甲、乙、丙三者的加速度量值關係為何?

(A) $= Z < \pi$ (B) $= \pi < Z$ (C) $= Z = \pi$ (D) $= Z > \pi$ (E) $= Z < \pi$ (E)

【答案】: A

範例 3 (100 學測)

一質點沿x軸作一維直線運動,其速度 v_x 與時間t的關係如右圖。下列有關該質點位移與路徑長關係的敘述,何者正確?

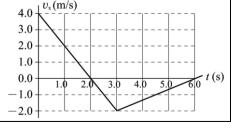
(A)從 0.0 至 2.0 秒的全程運動,質點的位移量值大於路徑長

(B)從 0.0 至 2.0 秒的全程運動,質點的位移量值小於路徑長

(C)從 0.0 至 3.0 秒的全程運動,質點的位移量值等於路徑長

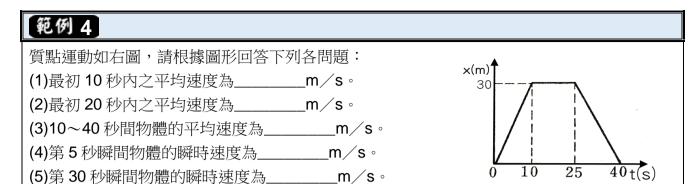
(D)從 0.0 至 3.0 秒的全程運動,質點的位移量值小於路徑長

(E)從 0.0 至 6.0 秒的全程運動,質點的位移量值等於路徑長



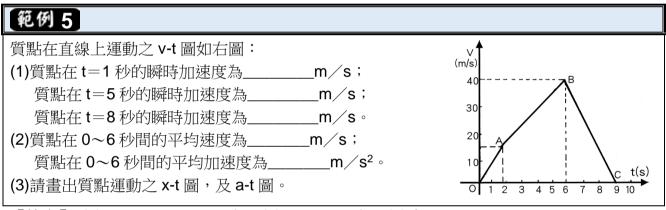
【答案】: D

m/s °

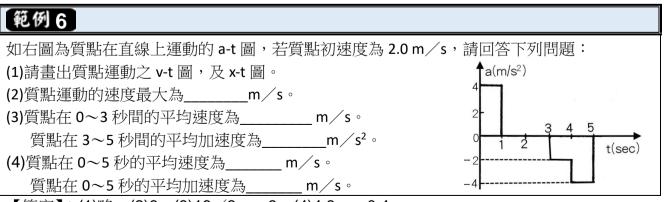


(8)第_____秒時,物體又重新返回原點。 (9)請畫出質點運動之 v-t 圖。 【答案】: (1)3 (2)1.5 (3)-1 (4)3 (5)-2 (6)0 (7)2 (8)40 (9)略

(6)40 秒內物體的平均速度為_____m/s。 (7)40 秒內物體的平均速率為__



【答案】: (1)7.5,6.25,-40/3 (2)20.8,20/3 (3)略



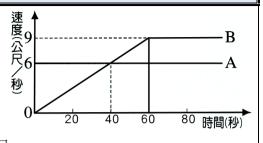
【答案】: (1)略 (2)6 (3)16/3, -3 (4)4.6, -0.4

範例7

停在十字路口之 B 車當綠燈亮時,加速前進,此時另有一 輛 A 車恰好同時等速度穿過十字路口,兩車對應的速度-時間關係如右圖:

- (1)B 車最初開動的加速度為_____公尺/秒²。
- (2)甲、乙兩車速率相等的瞬間,兩車相距 公尺。
- (3)當 B 車開始等速度前進時,兩車相距 公尺。
- (4)當 B 車趕上 A 車的瞬間,兩車距離十字路口____公尺。

【答案】: (1)0.15 (2)120 (3)90 (4)540



60f****

範例8

火箭由海上發射垂直升空而又落下,若其 v-t 如右圖,請回答下列問題:

- (1)火箭燃料加速過程的加速度為_____m/ s^2 。
- (2)火箭上升的最大高度為____ 公尺。
- (4)火箭開始落下的加速度為_____m/ s^2 。
- (5)火箭在 40 秒內的平均速度為_____m/s; 在 40 秒內的平均速率為_____m/s。
- (6)火箭在 40 秒瞬間距離海面_____公尺。

【答案】: (1)6 (2)750 (3)10,25 (4)-4 (5)7.5,30 (6)300 (7)44.3

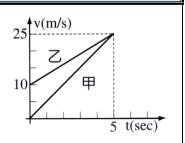


甲、乙兩車沿直線向東方前進,右圖為兩車的速度對時間(v-t)的關係

圖,請回答下列問題:

- (1)甲、乙兩車在5秒內的位移比為。
- (2)甲、乙兩車在 0~5 秒內的平均加速度比。
- (3)甲、乙車在第5秒末甲車在乙車的____方___公尺處。
- (4)甲乙兩車在第2秒末的速度比=_____

【答案】: (1)5:7 (2)5:3 (3)溪,25 (4)5:8



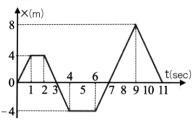
t(sec)

類題

運動圖形的分析

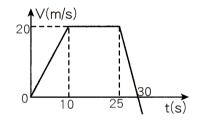
類1.如右圖,為蓉蓉騎腳踏車,在直線上運動的 x-t 圖,請回答下列問題:

- (1)蓉蓉在運動過程共停止了_____秒。
- (2)蓉蓉在運動過程共改變了_____次方向。
- (3) <u>蓉蓉</u>在 6~11 秒間的平均速率為_____m/s; 平均速度為_____m/s。
- (4) 蓉蓉在第3~8秒間的平均加速度為_____m/s²。
- (5)蓉蓉在運動過程中的總路徑長為_____公尺。
- (6)請畫出相對應的 v-t 圖。



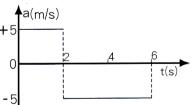
類2.如右圖,為質點向東運動之 v-t 圖,請回答下列問題:

- (1)0~25 秒間,質點運動的平均加速度為_____m/s²。
- (2)質點在第 5 秒瞬間的加速度為_____m/ s^2 ; 在第 $10\sim30$ 秒間的平均加速度為_____m/ s^2 。
- (3)質點在 30 秒內的位移為_____公尺, 所經的路徑長為____公尺。
- (4)t=30 秒後,若加速度維持不變,則質點將在第_____秒回到原出發點。



類3. <u>婷婷</u>從靜止出發,開始做直線運動,若以向東為正,已知加速度 a 對時間 t 的關係如右圖, 請回答下列問題:

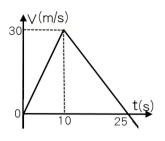
- (1)婷婷運動最大的正向速度為_____m/s。
- (2) 婷婷距離出發點最大的正向位移為____公尺。
- (3) <u>婷婷</u>在反向運動前,最大的平均速度為______m/s。
- (4)婷婷在第6秒末的位置距離出發點_____公尺。
- (5) 婷婷在6秒內所經的總路徑長____公尺。



類4.凱凱發射水火箭,由地面升空後又垂直落下,請回答下列問題:

- (1)水火箭上升的最大高度為_____公尺。
- (2)水火箭上升過程的平均速率為_____m/s。
- (3)水火箭第 20 秒的瞬時加速度為_____m/s²; 水火箭在第 20 秒的瞬時速度為____m/s, 此時距離地面 公尺。





類5.在向東的直線道路上有 $A \times B$ 兩車,當 t=0 時,B 車在 A 車前方 30km 處,兩車之 v-t 圖 如右,請回答下列問題:

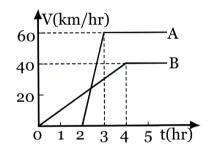
(1)4hr 末瞬間, A 車的位移_____km;

B 車的位移 km;

此時 A、B 兩車相距_____km。

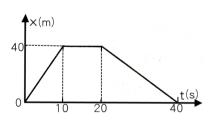
- (2)3hr 末瞬間, A、B 兩車相距____km。
- (3)當 A 車追趕上 B 車時, A 車前進了_____km。
- (4)A 車加速階段的加速度為_____km/hr²;

B 車加速階段的加速度為_____km/hr²。



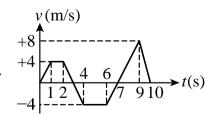
類6.如右圖,為質點向東運動之 x-t 圖,請回答下列問題:

- (1)質點運動的初速為 $_{m/s}$ 。
- (2)質點在第 25 秒的瞬時速度為_____m/s。
- (3)質點在第30秒末的位移與路徑長的比值為_____
- (4)質點在 30 秒內的平均速率=____m/s。
- (5)質點在 5~25 秒間的平均加速度為 m/s²。

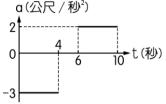


類7.一直線運動質點的 v-t 關係如圖所示,則(多選)

(A)全程共改變兩次方向 (B)1~2 秒為靜止狀態 (C)全程的速度變化量為零 (D)全程的位移為 + 4 公尺 (E)全程移動的路徑長為 36 公尺。

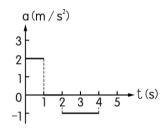


- - (A)質點通過原點(x=0 公尺)的時刻為 t=5 秒 (B)10 秒內質點距原點最遠為 21 公尺 (C)10 秒內質點的平均速度為-2 公尺/秒 (D)10 秒內質點的平均速率為 3.4 公尺/秒 (E)10 秒內質點的平均加速度為-0.4 公尺/秒 2 。



類9.質點由初速 4 m/s 開始運動,其 a-t 圖如右圖,則下列各項敘述哪些正確?(多選)

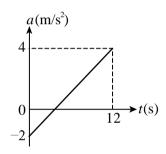
(A)2 秒內的平均速度量值為 5.5 m/s (B)第 3 秒時的速度量值為 5 m/s (C)若第 0 秒時 x=10 m,則 2 秒時之位置為 11 m (D)第 4 秒時的速度為 4 m/s (E)4 秒內的平均加速度為 0。



類10.如圖為直線上運動物體的 a-t 圖,則此物體(多選)

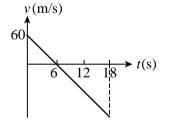
540 公尺。

(A)12 秒內之速度變化量為 12 公尺/秒 (B)12 秒內之平均加速度 為 1 公尺/秒 ² (C)若初速為零,則 12 秒內之位移為零 (D)8 秒 末之瞬時加速度為零 (E)作等加速運動。



類11.某人於懸崖邊把一石塊垂直往上拋,石塊於 18 秒後跌落海中,如圖為石塊的速度與時間

的關係圖,下列敘述何者正確?(定向上為正,注意向量的正負) (A)第6秒時,石塊的加速度為零 (B)整個運動過程中,石塊的平均速度為-20公尺/秒 (C)石塊抵達海面的速度為-120公尺/秒 (D)懸崖離海面的距離為720公尺 (E)懸崖離海面的距離為



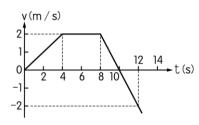
類12.火車由甲站駛向乙站過程中,先以等加速度行駛前 1/4 的路程,接著以等速度行駛 1/2 的路程;最後再以減速度駛往剩餘 1/4 的路程,則全程的最大速率為平均速率的幾倍? (A)3/2 (B)4/3 (C)5/4 (D)9/7 (E)13/11。

綜合練習

運動圖形的分析

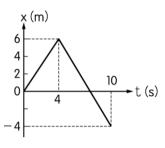
____1.如圖為一沿x 軸運動質點之速度v 與時間t 之關係圖。若t = 0 時,該質點位於 x_0 = 10 m 處,則在t = 12 秒時,該質點 之位置x 應為多少m?

(A)12 (B)16 (C)18 (D)22 (E)24 °



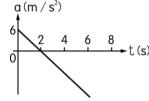
____2.某物體作直線運動,其位置對時間的關係圖(即 x-t 圖) 如右圖, 則在 10 秒內此物體的路徑長與位移量值之比為若干?

(A)3:2 (B)2:3 (C)4:1 (D)3:1 (E)1:1



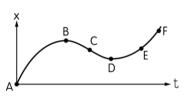
_____3.質點作正向直線運動,其 a-t 圖如右圖。設 t=0 時 x=0,初速度 v_0 $\overset{\alpha(m/s^2)}{\downarrow}$

= 18 m/s,則其正向速度最大值為多少 m/s? (A)16 (B)24 (C)36 (D)48 (E)6。

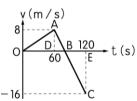


_____4.如右圖,為一物沿直線運動之位置(x)對時間(t)的關係,在關係曲線中,哪一段表示速度為負而加速度為正?

(A)AB (B)CD (C)EF (D)BC (E)DE -

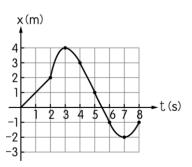


_____5.右圖為一列於 t=0 向北出發之火車的 v-t 圖,下列敘述何者正確? (A)火車在 80 家 末停止 (B)火車向北之最大位移為 640 m (C)火車在 120 s 內之位移為 640 m (D)火車在 120 s 內之平均速度為 $\frac{16}{2}$ m/s (E)火車在 60 s 到 120 s 期間,速度持續減少。



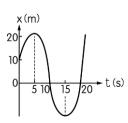
_____6.質點沿一直線運動的位置(x)對時間(t)的圖形,如右圖。下列 有關位移與路徑長的敘述,何者正確?

(A)5 秒內質點的位移為 1 m (B)第 5 秒內質點的位移為 2 m (C)5 秒內質點的路徑長為 9 m (D)5 \sim 8 秒內質點的路徑長為 2 m。

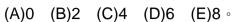


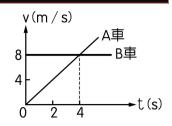
_____7.一物體作直線運動,其 x-t 關係如右圖(以向東為正),請問下列敘述哪 些正確?(多選)

(A)0~5 秒間,物體速度方向為向東 (B)0~5 秒間,物體加速度方向為向東 (C)第 13 秒時,物體速度方向為向東 (D)第 15 秒時,速度為 0 (E)出發後到第 20 秒間,共經過出發點兩次。



_____8.B 車追趕前方 120 m 的 A 車,兩車速度與時間之函數關係如圖, 則兩車之最接近距離為幾秒後?



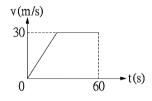


____9.一物體作直線運動,先以 4 公尺/秒 ²的等加速度從靜止起動,加速至某速度的時候,開始維持等速度,一段時間後,又以 - 4 公尺/秒 ²的加速度減速至停止。若此三段區間的距離相等,則全程最大速率與平均速度之比值為若干?

(A)1/2 (B)2 (C)4/3 (D)5/3 (E)4 \circ

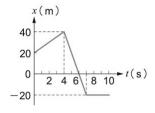
____10.如右圖為一物體進行直線運動的速度-時間關係圖(v-t 圖),全部 歷時 60 秒,全程平均速度為 20 公尺/秒,則其前半程與全程的平 均加速度比值為

(A)1:2 (B)2:1 (C)3:2 (D)4:3 (E)條件不夠,無法求出。



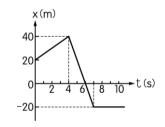
___11.如右圖為質點沿一直線運動之位置對時間圖,第5秒末時的瞬時速度量值為多少m/s?

(A)20 (B)8 (C)4 (D)5 (E)0 °



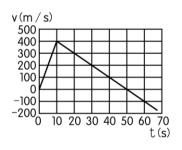
____12.如右圖為質點沿一直線運動之位置-時間圖,則(多選)

(A)前 10 秒內之平均速率為 8 m/s (B)前 10 秒內之平均速度 為 4 m/s (C)第 1 秒末至第 6 秒末之平均加速度量值為 5 m/ s^2 (D)第 6 秒末之瞬時速度為 0 (E)第 7 秒內的位移為 20 m。



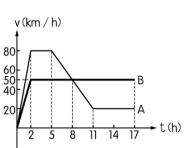
____13.火箭地面上點火後,沿鉛直方向加速上升,燃料用盡後再落回地面。如 v-t 圖為該火箭運動過程中的速度對時間關係,下列有關該火箭運動的敘述,哪些正確?(多選)

(A)第 10 秒後火箭開始下降 (B)當火箭落下過程其加速度量值為 10 m/s^2 (C)火箭上升的最大高度為 10000 m (D)火箭在第 50 秒時著地 (E)火箭落地速度量值為 400 m/s。



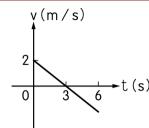
____14.A、B 兩部車舉行競賽,其過程如右圖,下列敘述中哪些是 正確的?(多選)

(A)出發兩小時後 B 車的加速度一直為 0 (B)出發 8 小時, B 車趕上 A 車 (C)出發後 11 小時內, A 車的平均速度比 B 車的大 (D)出發後 17 小時, A 車領先 B 車 (E)先到500 km 處的是 A 車。

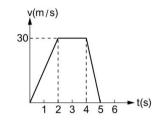


_____15.右圖為某一質點的速度(v)—時間(t)關係圖,有關此質點的運動敘述,哪些正確?(多選)

(A)此質點的運動為等加速運動 (B)0 \sim 6 s 期間,平均加速度為 0 (C)0 \sim 6 s 期間,平均速度量值為 2/3 m/s (D)t=3 s 時,質點距出發點最遠 (E)0 \sim 3 s 期間,平均速度量值為 1 m/s。

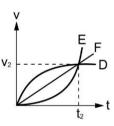


____16.右圖為直線運動物體的速度時間的圖形,下列何者正確?(多選) (A)物體開始運動後便沒有停止過 (B)0~2秒物體為等速度運動 (C)2~4秒間,物體靜止不動 (D)0~5秒間物體的運動方向一直保持不變 (E)物體的出發點與終點位置不同。



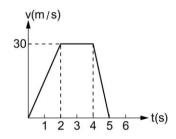
_____17.D、E、F 三車同地出發,右圖為作直線運動的 v-t 圖,下列敘述何者 正確?(多選)

(A)在 t_2 時刻三車相遇 (B)在 t_2 時刻 D 車在最前面 (C)在 t_2 時刻三車速度相等 (D)在 $0\sim t_2$ 時距內三車平均速度相等 (E)在 $0\sim t_2$ 時 距內三車平均加速度相等。



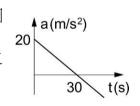
_____18.右圖為一直線運動物體的速度與時間的圖形,下列何者正確? (多選)

> (A)物體開始運動後便沒有停止過 (B)0~2 秒物體為等速度 運動 (C)2~4 秒間,物體靜止不動 (D)0~5 秒間物體的運動方向一直保持不變 (E)物體的出發點與終點位置不同。



_____19.一物體在 t=0 時,速度向右為 10 m/s,若其加速度對時間之關係圖形如右圖,則:(多選)

(A)物體在第 40 秒末之加速度為-10/3 m/s² (B)在前 40 秒內之速度變化量為 $\frac{800}{3}$ m/s (C)第 40 秒末之速度為 $\frac{830}{3}$ m/s (D)在 30 秒末之速度有最大值 (E)全程最大之向右速度為 210 m/s。



專題(3)_運動圖形的分析_標準答案:

類題:

1.(1)3 (2)3 (3)4,0.8 (4)1.6 (5)32 (6)略 2.(1)0.8 (2)2,-1 (3)450,450 (4)45 3.(1)10 (2)20 (3)5 (4)10 (5)30 4.(1)375 (2)15 (3)-2,10,350 (4)19.3,38.6 5.(1)90,80,20 (2)45 (3)150 (4)60,10 6.(1)4 (2)-2 (3)1/3 (4)2 (5)-0.3 7.AC 8.ACDE 9.ABDE 10.AB 11.CE 12.A

二、綜合練習:

1.D 2.C 3.B 4.B 5.A 6.A 7.AD 8.C 9.AC 10.BC 11.ACE 12.ADE 13.BC 14.ACE 15.ADE 16.DE 17.BCE 18.DE 19.BCD